

数据结构（C语言版）（第2版）



树和二叉树

遍历二叉树

主讲教师：汪红松



教 学 内 容 Contents

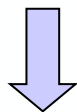
- 1 树和二叉树的定义
- 2 二叉树的性质和存储结构
- 3 遍历二叉树
- 4 线索二叉树
- 5 树和森林
- 6 哈夫曼树及其应用

一、遍历二叉树和线索二叉树

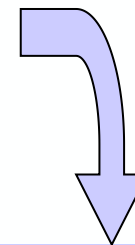
1.遍历定义



二叉树的遍历是指从根结点出发，按照某种**次序**访问二叉树中的所有结点，使得每个结点被访问一次且仅被**访问**一次。

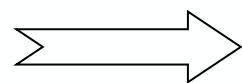


抽象操作，可以是对结点进行的各种处理，这里简化为输出结点的数据。



前序遍历
中序遍历
后序遍历
层序遍历

二叉树遍历操作的结果？



非线性结构线性化

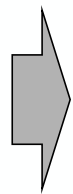


▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

2. 二叉树的组成:

二叉树

[根结点D
	左子树L
	右子树R



二叉树的遍历方式:

**DLR、LDR、LRD、
DRL、RDL、RLD**

如果限定先左后右，则二叉树遍历方式有三种:

前序: DLR

中序: LDR

后序: LRD

层序遍历: 按二叉树的层序编号的次序访问各结点。

▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

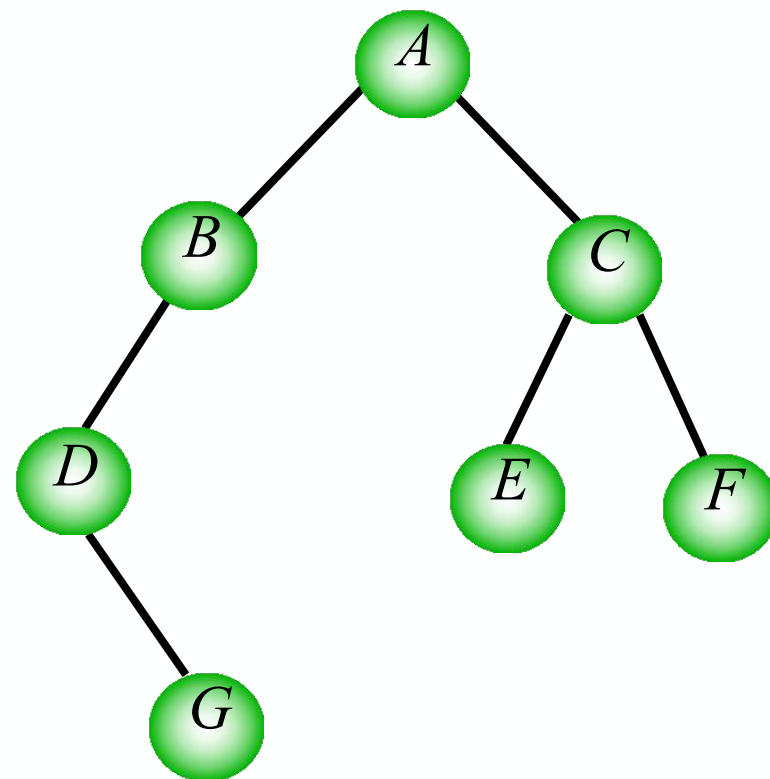
3. 二叉树的遍历操作

遍历的操作定义是递归的

(1) 前序（根）遍历

若二叉树为空，则空操作返回；
否则：

- ①访问根结点；
- ②前序遍历根结点的左子树；
- ③前序遍历根结点的右子树。



前序遍历序列： $A B D G C E F$

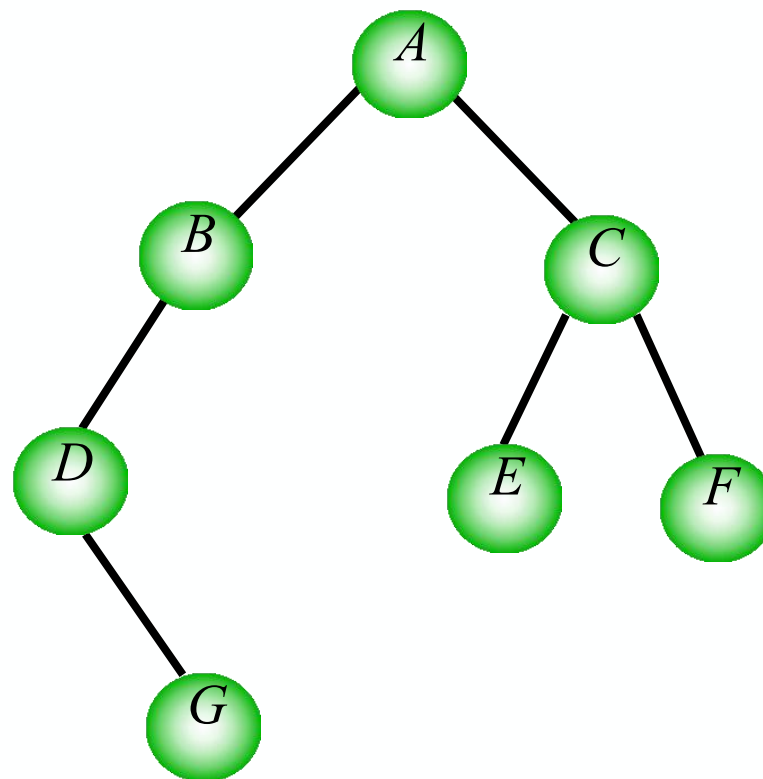
▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

3. 二叉树的遍历操作

(2) 中序（根）遍历

若二叉树为空，则空操作返回；
否则：

- ① 中序遍历根结点的左子树；
- ② 访问根结点；
- ③ 中序遍历根结点的右子树。



中序遍历序列： *D G B A E C F*

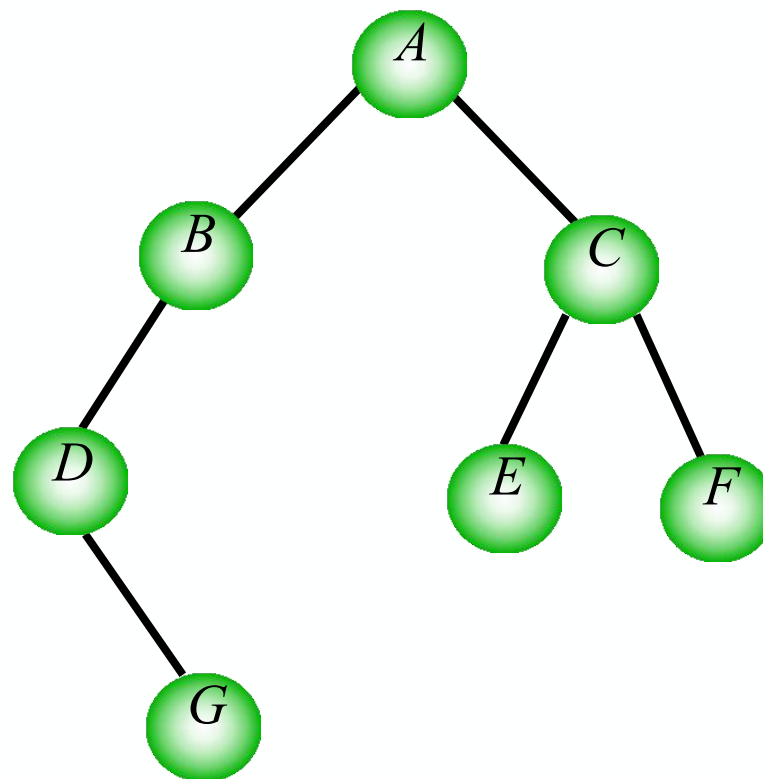
▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

3. 二叉树的遍历操作

(3) 后序（根）遍历

若二叉树为空，则空操作返回；
否则：

- ① 后序遍历根结点的左子树；
- ② 后序遍历根结点的右子树；
- ③ 访问根结点。



后序遍历序列：***G D B E F C A***

▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

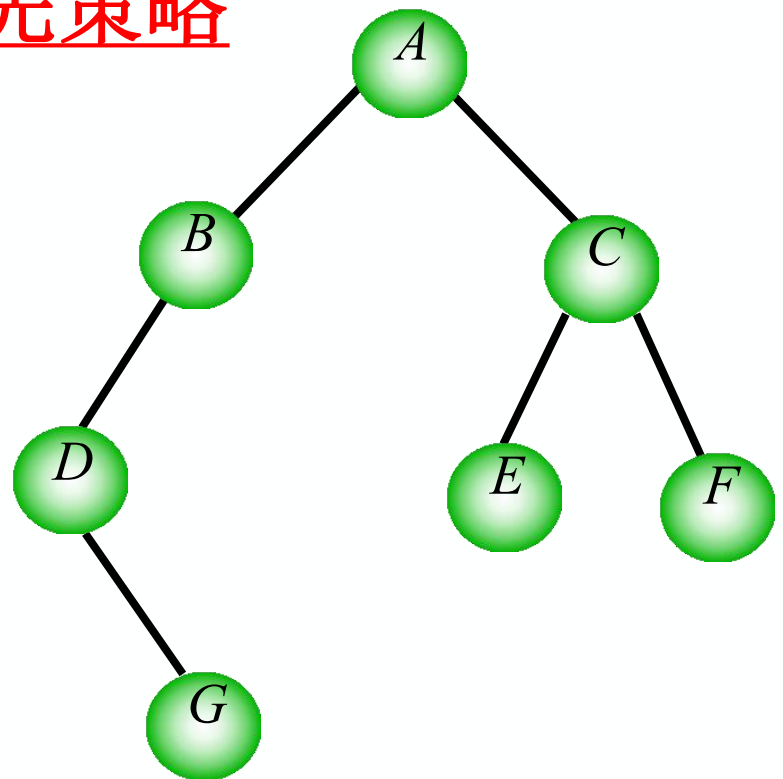
3. 二叉树的遍历操作

(4) 层序遍历

前序(中序、后序)遍历都是深度优先策略，层序遍历则是广度优先策略

二叉树的层次遍历是指从二叉树的第一层（即根结点）开始，**从上至下**逐层遍历，在同一层中，则按**从左到右**的顺序对结点逐个访问。

层序遍历序列： $A B C D E F G$



▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

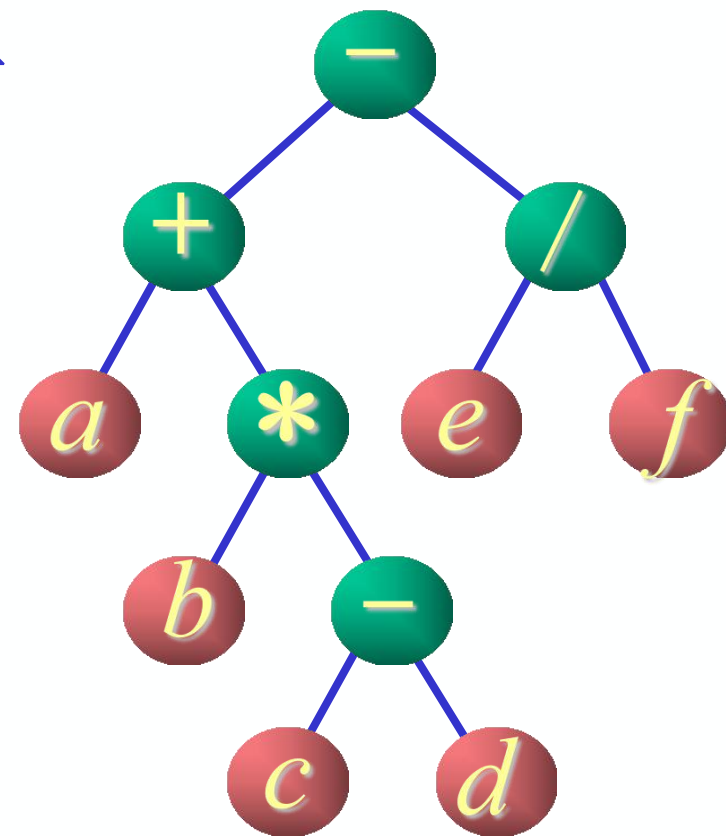
二叉树遍历操作例子

表达式 $a + b * (c - d) - e / f$ 对应的二叉树

前序遍历结果: $- + a * b - c d / e f$

中序遍历结果: $a + b * c - d - e / f$

后序遍历结果: $a b c d - * + e f / -$



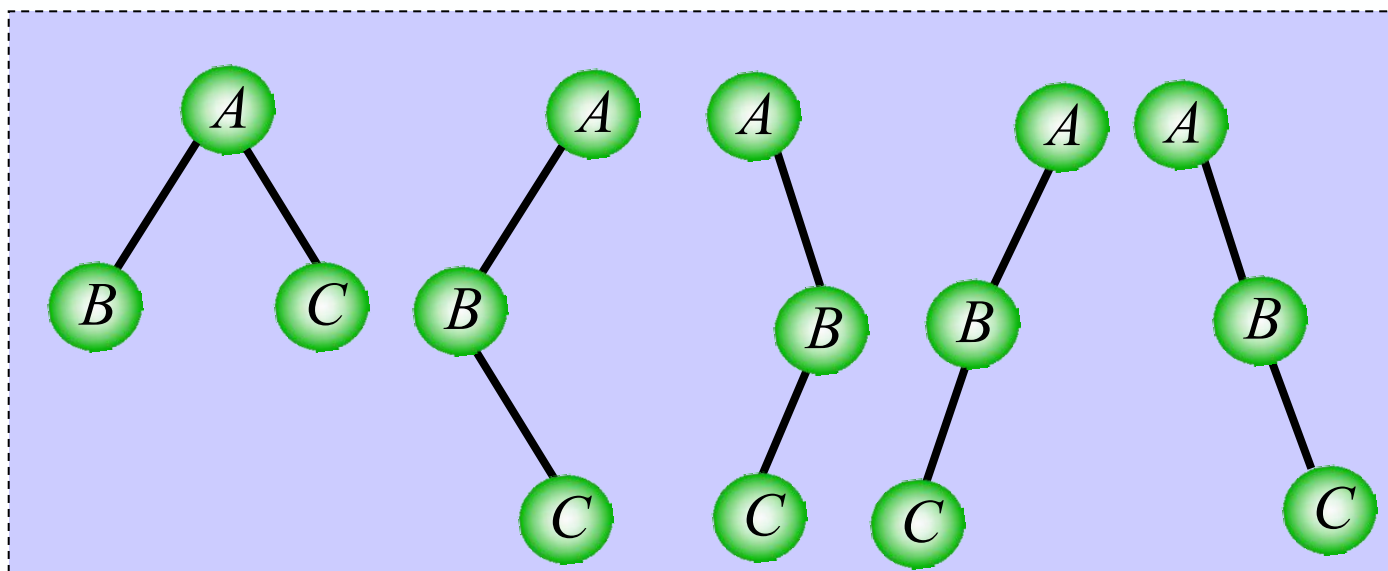
表达式的前序、中序和后序遍历为表达式前缀表示（波兰式）、中缀表示和后缀表示（逆波兰式）。

▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

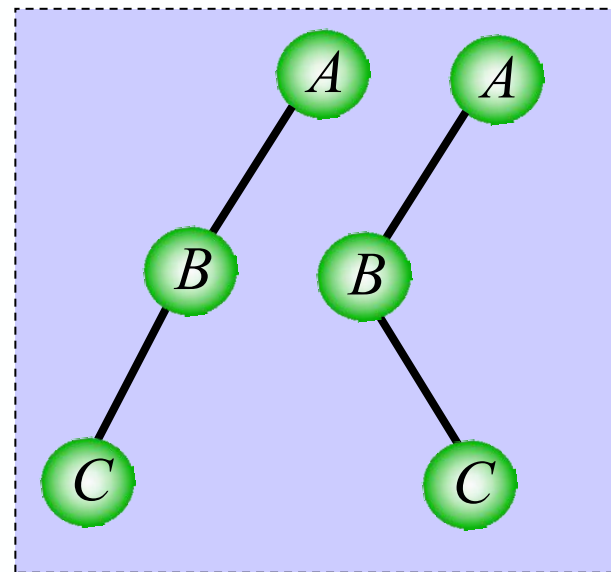
3. 二叉树的遍历操作

若已知一棵二叉树的前序（或中序，或后序，或层序）序列，能否唯一确定这棵二叉树呢？

例：已知前序序列为ABC，则可能的二叉树有5种。若其后序遍历序列为CBA，则下列二叉树都满足条件。



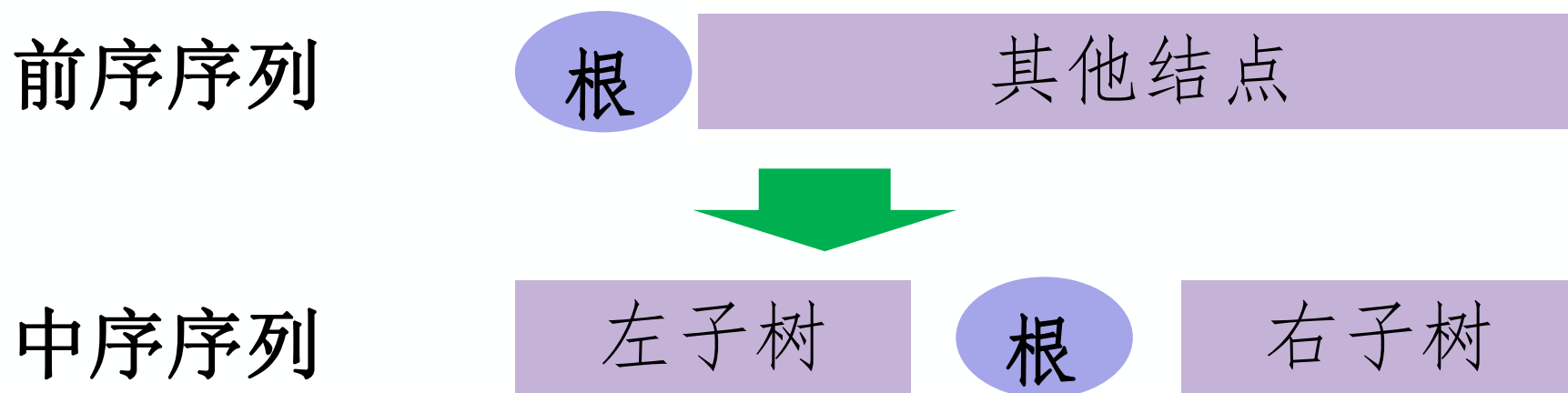
(a)



(b)

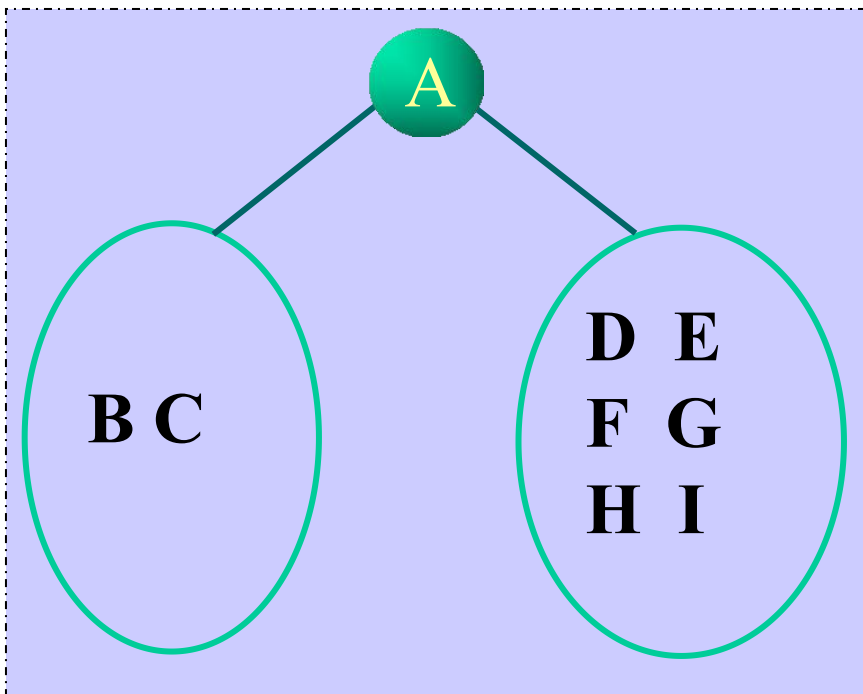
▶▶▶ 一、遍历二叉树和线索二叉树

若已知一棵二叉树的前序序列和中序序列，能否唯一确定这棵二叉树呢？怎样确定？



例如：已知一棵二叉树的前序遍历序列和中序遍历序列分别为 **ABCDEFGHI** 和 **BCAEDGHI**，如何构造该二叉树呢？

一、遍历二叉树和线索二叉树



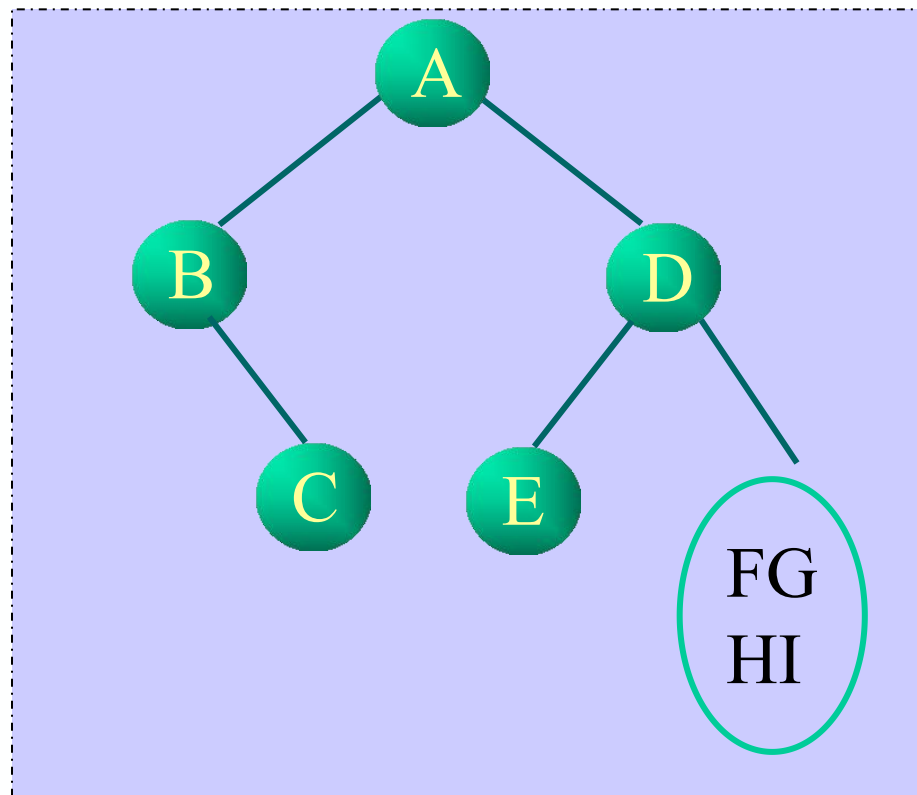
前序: A B C D E F G H I中
序: B C A E D G H F I

前序: B C

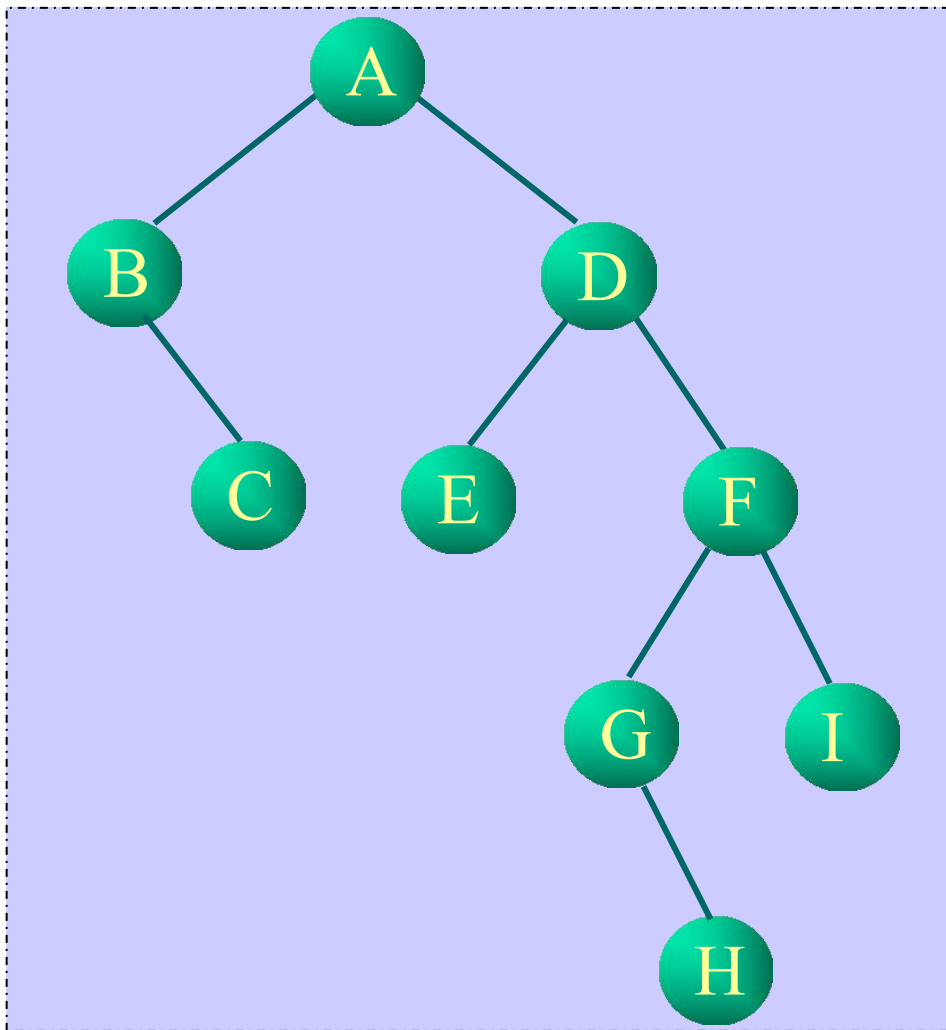
中序: B C

前序: D E F G H I

中序: E D G H F I

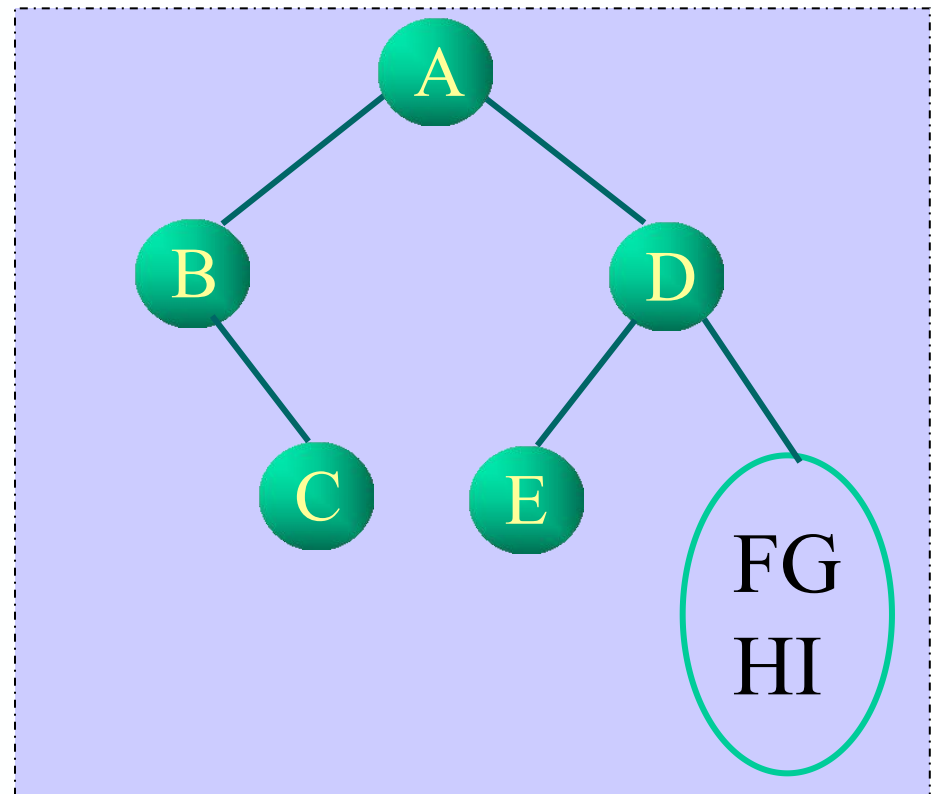


一、遍历二叉树和线索二叉树



前序: F G H I
中序: G H F I

前序: D E F G H I
中序: E D G H F I



▶▶▶ 二、遍历二叉树和线索二叉树

1. 根据遍历序列确定二叉树

已知一棵二叉树的前序序列和中序序列，构造该二叉树的过程如下：

- (1) 根据前序序列的第一个元素建立根结点；
- (2) 在中序序列中找到该元素，确定根结点的左右子树的中序序列；
- (3) 在前序序列中确定左右子树的前序序列；
- (4) 由左子树的前序序列和中序序列建立左子树；
- (5) 由右子树的前序序列和中序序列建立右子树。

由二叉树的前序序列和中序序列，或由其后序序列和中序序列均能唯一确定一棵二叉树。

二、遍历算法的分析

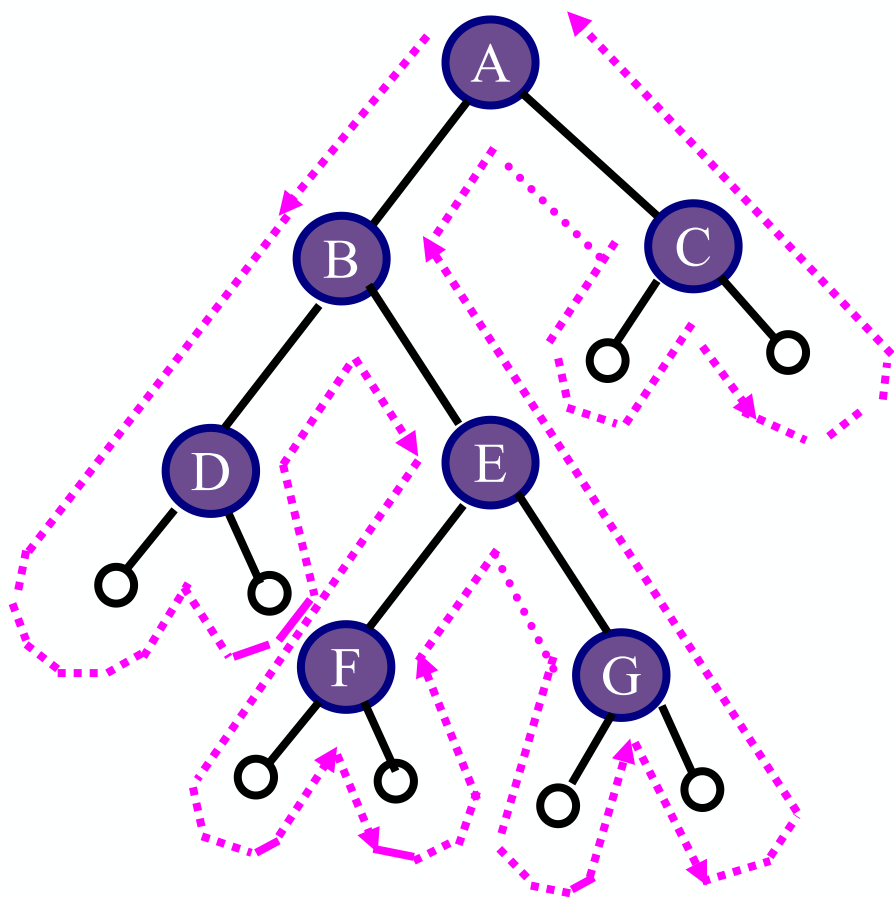
```
Status PreOrderTraverse(BiTree T){    //前序遍历
    if(T==NULL) return OK; //空二叉树
    else{
        cout<<T->data; //访问根结点
        PreOrderTraverse(T->lchild); //递归遍历左子树
        PreOrderTraverse(T->rchild); //递归遍历右子树    }
}
```

```
Status InOrderTraverse(BiTree T){ //中序遍历
    if(T==NULL) return OK; //空二叉树
    else{
        InOrderTraverse(T->lchild); //递归遍历左子树
        cout<<T->data; //访问根结点
        InOrderTraverse(T->rchild); //递归遍历右子树    }
}
```

```
Status PostOrderTraverse(BiTree T){ //后序遍历
    if(T==NULL) return OK; //空二叉树
    else{
        PostOrderTraverse(T->lchild); //递归遍历左子树
        PostOrderTraverse(T->rchild); //递归遍历右子树
        cout<<T->data; //访问根结点    }
}
```

二、遍历算法的分析

如果去掉输出语句，从递归的角度看，三种算法是完全相同的，或说这三种算法的访问路径是相同的，只是访问结点的时机不同。



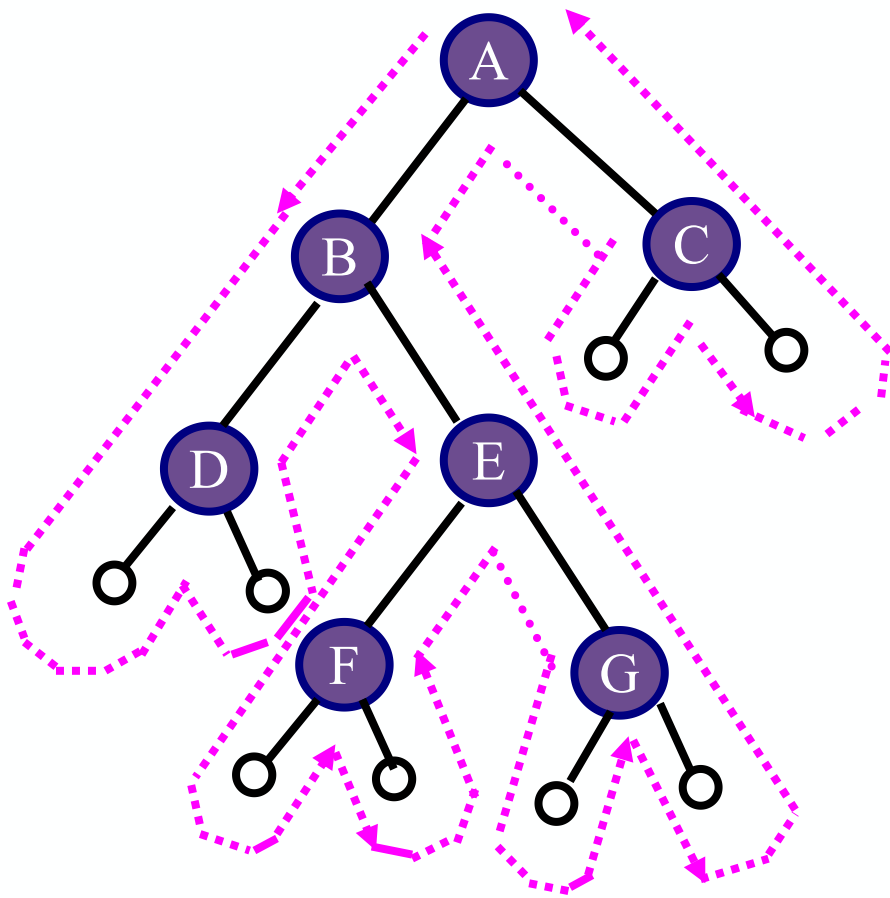
从虚线的出发点到终点的路径上，每个结点经过3次。

第1次经过时访问 = 先序遍历

第2次经过时访问 = 中序遍历

第3次经过时访问 = 后序遍历

二、遍历算法的分析



时间效率: $O(n)$

//每个结点只访问一次

空间效率: $O(n)$

//栈占用的最大辅助空间

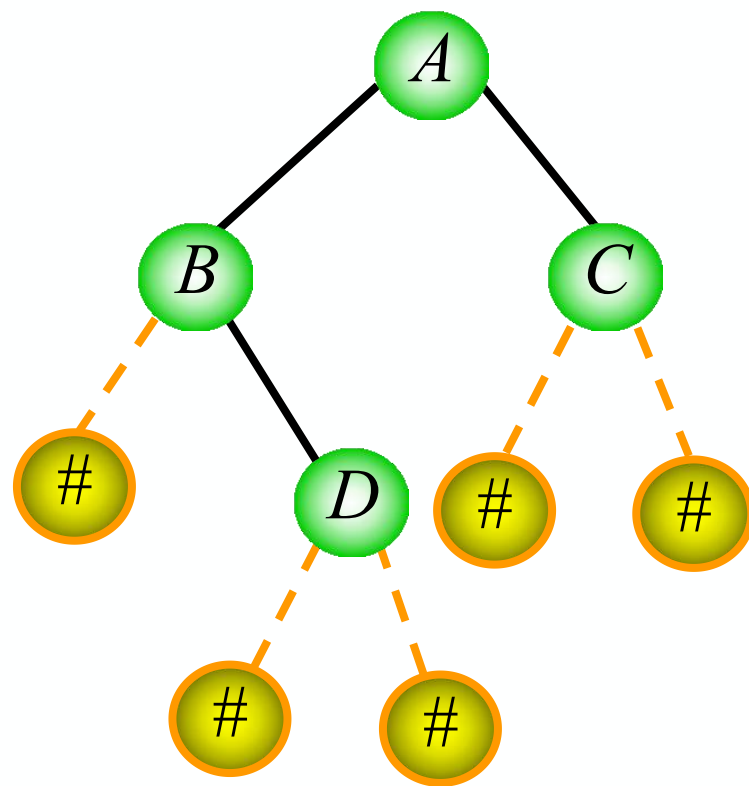
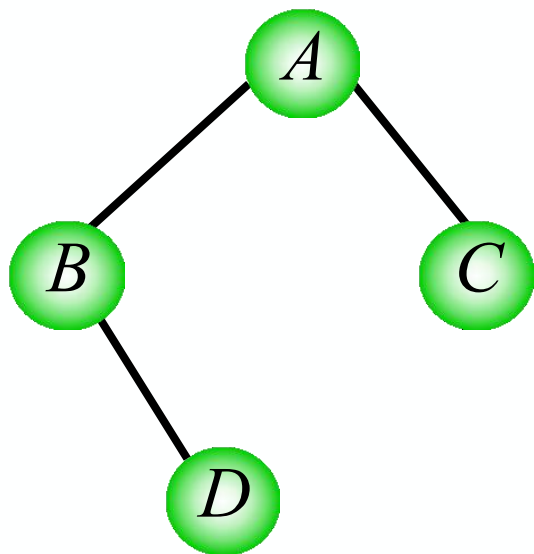
▶▶▶ 三、二叉树遍历算法的应用

- 1.按先序遍历序列建立二叉树的二叉链表
- 2.计算二叉树结点总数
- 3.计算二叉树叶子结点总数
- 4.计算二叉树深度

三、二叉树遍历算法的应用

1. 构造函数——建立二叉树

为了建立一棵二叉树，将二叉树中每个结点的空指针引出一个虚结点，其值为一特定值如“#”，以标识其为空，把这样处理后的二叉树称为原二叉树的**扩展二叉树**。



扩展二叉树的前序遍历序列: $A B \# D \# \# C \# \#$

▶▶▶ 三、二叉树遍历算法的应用

1. 构造函数——建立二叉树

设二叉树中的结点均为一个字符。假设扩展二叉树的前序遍历序列由键盘输入，`root`为指向根结点的指针，二叉链表的建立过程是：

首先输入根结点，若输入的是一个“#”字符，则表明该二叉树为空树，即`root=NULL`；否则输入的字符应该赋给`root->data`，之后依次递归建立它的左子树和右子树。

▶▶▶ 三、二叉树遍历算法的应用 —— 二叉树的建立

```
void CreateBiTree(BiTree &T ) {  
    cin>>ch;  
    if (ch=='#') T=NULL; //递归结束，建空树  
    else{  
        T=new BiTNode; T->data=ch; //生成根结点  
        CreateBiTree(T->lchild); //递归创建左子树  
        CreateBiTree(T->rchild); //递归创建右子树  
    }  
}
```

▶▶▶ 三、二叉树遍历算法的应用

2. 计算二叉树结点总数

- 如果是空树，则结点个数为0；
- 否则，结点个数为左子树的结点个数+右子树的结点个数再+1。

///计算二叉树结点总数

```
int NodeCount(BiTree T){  
    if(T == NULL ) return 0;  
    else return NodeCount(T->lchild)+NodeCount(T->rchild)+1;  
}
```

▶▶▶ 三、二叉树遍历算法的应用

3. 计算二叉树叶子结点总数

- 如果是空树，则叶子结点个数为0；
- 否则，为左子树的叶子结点个数+右子树的叶子结点个数

```
int LeafCount(BiTree T){  
    if(T==NULL)        //如果是空树返回0  
        return 0;  
    if (T->lchild == NULL && T->rchild == NULL)  
        return 1; //如果是叶子结点返回1  
    else return LeafCount(T->lchild) + LeafCount(T->rchild) ;  
}
```

4. 计算二叉树深度

- 如果是空树，则深度为0；
- 否则，递归计算左子树的深度记为 m ，递归计算右子树的深度记为 n ，二叉树的深度则为 m 与 n 的较大者加1。

```
int Depth(BiNode *root)
{
    if (root == NULL) return 0;
    else {
        hl= Depth(root->lchild);
        hr= Depth(root->rchild);
        return max(hl, hr)+1;
    }
}
```




小结

1. 遍历二叉树的算法步骤
2. 根据二叉树遍历序列确定二叉树的方法
3. 二叉树遍历算法的几个应用